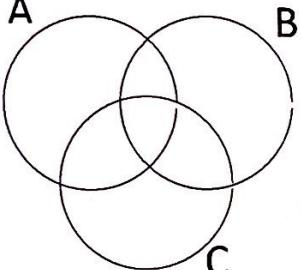
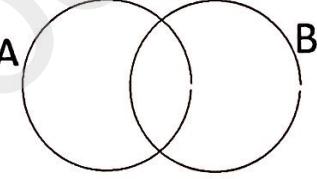
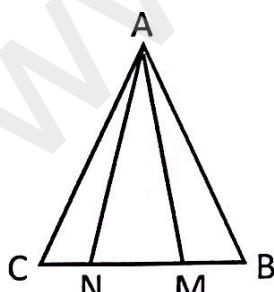
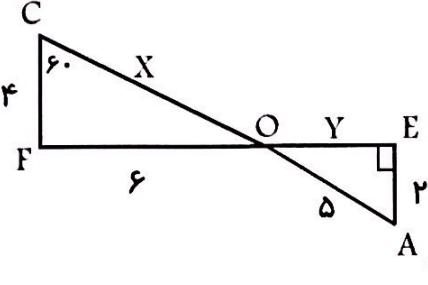


		نام : نام خانوادگی : پایه : فهم گروه (ب) آزمون درس : ریاضی
	مدت آزمون: ۷۵ دقیقه شماره ردیف :	باسمه تعالی اداره کل آموزش و پرورش استان البرز مدیریت آموزش و پرورش ناحیه ۳ کرج دیبرستان غیردولتی پژوهان (دوره اول)
نمره با عدد :	تاریخ : ۱۴۰۲/۱۰/۱۰	قطعه : متوسطه (دوره اول)
نمره با حروف :	ساعت آزمون :	دبیر مربوطه : آقای محمدزاده امضای مصحح :
ردیف	سؤال	بارم
۱	<p>درستی یا نادرستی عبارت های زیر را مشخص کنید :</p> <p>الف) - مجموعه $\{x \mid x \in \mathbb{Z}, -1 < x < 0\}$ یک مجموعه تک عضوی است .</p> <p>()</p> <p>ب) - اشتراک مجموعه اعداد طبیعی و مجموعه اعداد گویا تهی است .</p> <p>()</p> <p>پ) - داده های مسئله را حکم مسئله می گوییم .</p> <p>()</p> <p>ت) - هر عدد به توان صفر برسد ، حاصل برابر یک است .</p>	۱
۱	<p>جاهای خالی را با کلمات یا اعداد مناسب پُر کنید :</p> <p>الف) - در پرتاب یک تاس، احتمال اینکه عدد رو شده فرد باشد ، برابر با _____ است.</p> <p>ب) - اجتماع عددهای گویا و عددهای گنگ را مجموعه اعداد _____ می گویند.</p> <p>پ) - به نسبت دو ضلع متناظر در دو شکل متشابه _____ می گویند.</p> <p>ث) - حاصل عبارت $(2^3)^4$ به صورت تواندار برابر است با _____</p>	۲
۱/۲۵	<p>گزینه‌ی درست را مشخص کنید :</p> <p>الف) - کدام گزینه صحیح است؟</p> <p>$\{1,2\} \subseteq N$ (۴) $\{0,1\} \subseteq N$ (۳) $3 \notin N$ (۲) $5 \subseteq N$ (۱)</p> <p>ب) - عدد $\sqrt{11} + 2$ - بین کدام دو عدد صحیح متواتی قرار دارد ؟</p> <p>(۱) او ۲ (۲) ۰۲ (۳) ۲۰ و ۱ (۴) ۳ و ۴</p> <p>پ) - اگر دو شکل هم نهشت با یکدیگر باشند ، نسبت تشابه آنها کدام است ؟</p> <p>(۱) $\frac{1}{4}$ (۲) $\frac{2}{3}$ (۳) صفر (۴) $\frac{1}{2}$</p> <p>ت) - عبارت $x^{-1} \cdot y^{-1}$ برابر است با _____</p> <p>xy (۴) $-\frac{1}{xy}$ (۳) $\frac{1}{x} \cdot \frac{1}{y}$ (۲) $\frac{1}{xy}$ (۱)</p> <p>ث) - کدام عبارت نادرست است ؟</p> <p>$\frac{\sqrt{2}}{2} \in R$ (۴) $W \not\subseteq Z$ (۳) $N \subseteq Q$ (۲) $Q \cap Q = \emptyset$ (۱)</p>	۳

۰/۵ ۰/۵ ۱ ۱ ۰/۵ ۰/۵ ۰/۷۵ ۰/۷۵	الف) مجموعه اعداد طبیعی و زوج کوچکتر از ۱۰ را نوشه و آن را A بنامید و مجموعه شمارنده های طبیعی عدد ۱۸ را نوشه و آن را B بنامید. ب) درستی یا نادرستی عبارت های زیر را مشخص کنید: $B \subseteq A$ $\emptyset \in B$ ج) مجموعه های زیر را مشخص کنید: $A - B$ $A \cap B$ مجموعه های خواسته شده را در نمودار ها سایه بزنید.  $(A \cup B) - C$  $A - B$	۴ ۵ ۶ ۷ ۷

۰/۵ $A = \{x \in R \mid -5 < x \leq 1\}$	الف) مجموعه A را روی محور نمایش دهید : ب) بین $\sqrt{4}$ و $\sqrt{5}$ ، سه عدد گنگ بنویسید . ج) بررسی کنید نمایش اعشاری عدد $\frac{5}{11}$ مختوم است یا متناوب ؟	۸
۰/۷۵ ۰/۷۵	حاصل عبارت های زیر را بدون استفاده از نماد قدر مطلق بدست آورید . $ 2 - \sqrt{5} + \sqrt{5} - 3 $ $ 4^3 - 4^2 $ $\sqrt{(1 - \sqrt{2})^2}$	۹
۱/۵	ثابت کنید در هر مثلث اندازه زاویه خارجی با مجموع اندازه های دو زاویه خارجی غیر مجاور با آن برابر است .	۱۰
۱	در شکل مقابل $\triangle ABC$ متساوی الساقین است و نقاط M و N روی قاعده BC طوری قرار دارند که $MB=NC$ نشان دهید مثلث $\triangle AMN$ هم متساوی الساقین است .	۱۱



۰/۱۵ ۰/۲۵ ۰/۷۵	 <p>در شکل زیر: الف) مقادیر X و Y را بیابید.</p> <p>ب) اندازه زاویه های A و F چند درجه است؟</p> <p>ج) آیا دو مثلث AEO و CFO متشابه اند؟ چرا؟</p>	۱۲ ۱۲ ۱۳
۱	$\frac{3^6 \times 7^3}{3^6 \times 7^5} =$	حاصل عبارتهای زیر را به صورت عدد تواندار بنویسید:
۱	$\left(\frac{15}{14}\right)^{-4} \times \left(\frac{45}{28}\right)^4 =$	

توفیق‌نامه آرزوست - محمدزاده

۱۴۰۲ / ۱۰ / ۱۰

		نام خانوادگی : پایه : نهم گروه (ب) آزمون درس : ریاضی
	بازمه تعلی اداره کل آموزش و پرورش استان البرز مدیریت آموزش و پرورش ناحیه ۳ کرج دبیرستان غیردولتی پژوهان (دوره اول)	
مدت آزمون: ۷۵ دقیقه	شماره ردیف :	
نمره با عدد :	تاریخ : ۱۴۰۲/۱۰/۱۰	مقطع : متوسطه (دوره اول)
نمره با حروف :	ساعت آزمون :	امضای مصحح : دبیر مربوطه : آقای محمدزاده
ردیف	سؤال	ردیف
۱	<p>درستی یا نادرستی عبارت های زیر را مشخص کنید :</p> <p>الف) - مجموعه $\{x \mid x \in \mathbb{Z}, -1 \leq x < 0\}$ یک مجموعه تک عضوی است . (درست)</p> <p>ب) - اشتراک مجموعه اعداد طبیعی و مجموعه اعداد گویا تهی است . (غلط)</p> <p>پ) - داده های مسئله را حکم مسئله می گوییم . (غلط)</p> <p>ت) - هر عدد به توان صفر برسد ، حاصل برابر یک است . (غلط) به جز صفر</p>	۱
۱	<p>جاهای خالی را با کلمات یا اعداد مناسب پُر کنید :</p> <p>الف) - در پرتاب یک تاس، احتمال اینکه عدد رو شده فرد باشد، برابر با $\frac{1}{3}$ است.</p> <p>ب) - اجتماع عدد های گویا و عدد های گنگ را مجموعه اعداد حقیقی می گویند.</p> <p>پ) - به نسبت دو ضلع متناظر در دو شکل متشابه تَبَتَّثَابَه می گویند.</p> <p>ث) - حاصل عبارت $(\frac{2}{3})^4$ به صورت تواندار برابر است با $\frac{12}{16}$</p>	۲
۱/۷۵	<p>گزینه‌ی درست را مشخص کنید :</p> <p>الف) - کدام گزینه صحیح است؟</p> <p>$\{1,2\} \subseteq N$ ✓ $\{0,1\} \subseteq N$ ✓ $3 \notin N$ ✓ $5 \subseteq N$ ✓</p> <p>ب) - عدد $\sqrt{11} + \sqrt{2}$ - بین کدام دو عدد صحیح متوالی قرار دارد ؟</p> <p>۱) او ۲ ✓ ۲) ۰ و ۱ - ۳) ۲ و ۳ ۴) ۳ و ۴</p> <p>پ) - اگر دو شکل هم نهشت با یکدیگر باشند، نسبت تشابه آنها کدام است ؟</p> <p>۱) $\frac{1}{2}$ ✓ ۲) صفر ۳) $\frac{1}{2}$</p> <p>ت) - عبارت $x^{-1} \cdot y^{-1}$ برابر است با</p> <p>xy (۴) $-\frac{1}{xy}$ (۳) ? $\frac{1}{x} \cdot \frac{1}{y}$ (۲) ✓ $\frac{1}{xy}$ (۱)</p> <p>ث) - کدام عبارت نادرست است ؟</p> <p>$\frac{\sqrt{2}}{2} \in R$ (۴) $W \not\subseteq Z$ (۳) ✓ $N \subseteq Q$ (۲) $Q \cap Q' = \emptyset$ (۱)</p>	۳

۰/۵ ۰/۵ ۱ ۰/۵ ۰/۵ ۰/۷۵ ۰/۷۵	<p>الف) مجموعه اعداد طبیعی و زوج کوچکتر از ۱۰ را نوشه و آن را A بنامید و مجموعه شمارنده های طبیعی عدد ۱۸ را نوشه و آن را B بنامید.</p> $A = \{2, 4, 6, 8\}$ $B = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10\}$ <p>ب) درستی یا نادرستی عبارت های زیر را مشخص کنید:</p> $B \subseteq A \quad X$ $\emptyset \in B \quad X$ <p>ج) مجموعه های زیر را مشخص کنید:</p> $A - B = \{4, 8\}$ $A \cap B = \{2, 6\}$ <p>A B</p> <p>$(A \cup B) - C$</p> <p>A B</p> <p>$A - B$</p> <p>الف) جاهای خالی را با اعداد مناسبی پُر کنید که دو مجموعه مساوی باشند.</p> $\left\{ \frac{3}{2}, -12, \frac{\sqrt{9}}{4}, -\frac{12}{2} \right\} = \left\{ -6, \frac{3}{2}, \dots \right\}$ <p>ب) مجموعه B را با اعضا بنویسید.</p> $B = \{x \mid x \in w \quad x \leq 5\} = \{0, 3, 4, 5, 6, 9, 12\}$ <p>یک سگه و یک تاس را با هم پرتاب می کنیم.</p> $n(S) = 2 \times 6 = 12$ <p>الف) (S) را بدست آورید.</p> <p>ب) احتمال آنکه سگه پشت و عدد رو شده تاس، زوج باشد را حساب کنید.</p> $\frac{1}{2} \times \frac{3}{6} = \frac{1}{4}$	۴ ۴ ۱ ۵ ۶ ۷ ۷
---	--	---------------------------------

۰/۵	<p>الف) مجموعه A را روی محور نمایش دهید:</p> $A = \{x \in R \mid -5 < x \leq 1\}$	۸
۰/۷۵	<p>ب) بین $\sqrt{4}$ و $\sqrt{5}$، سه عدد گنگ بنویسید.</p> $\sqrt{5}, \sqrt{4}, \sqrt{3}, \sqrt{2}, \dots, \sqrt{12}$	
۰/۷۵	<p>ج) بررسی کنید نمایش اعشاری عدد $\frac{\sqrt{5}}{11}$ مختوم است یا متناوب؟ متناوب ساره زیرا در مخرج عدد $\frac{1}{11}$ و جود راره $\frac{5}{11} = 0.\overline{45}$</p>	
۱/۵	<p>حاصل عبارت های زیر را بدون استفاده از نماد قدر مطلق بدست آورید.</p> $ 2 - \sqrt{5} + \sqrt{5} - 3 = -2 + \sqrt{5} + \sqrt{5} + 3 = 1$ $ 4^3 - 4^2 = 4^3 - 4^2 = 64 - 16 = 48$ $\sqrt{(1 - \sqrt{2})^2} = 1 - \sqrt{2} = -1 + \sqrt{2}$	۹
۱/۵	<p>ثابت کنید در هر مثلث اندازه زاویه خارجی با مجموع اندازه های دو زاویه داخلی غیر مجاور با آن برابر است. ($C_1 = A + B$) یعنی</p> $\begin{aligned} \hat{C}_1 + \hat{C} &= 180^\circ \\ \hat{A} + \hat{B} + \hat{C} &= 180^\circ \Rightarrow \hat{C}_1 + \hat{C} = \hat{A} + \hat{B} + \hat{C} \\ \hat{C}_1 &= \hat{A} + \hat{B} \end{aligned}$	۱۰
۱/۲۵	<p>در شکل مقابل ABC متساوی الساقین است و نقاط M و N روی قاعده BC طوری قرار دارند که $MB = NC$</p> <p>نشان دهید مثلث AMN هم متساوی الساقین است.</p> <p>برای اینکه $AM = AN$</p> $\begin{cases} AB = AC \\ \angle A = \angle A \\ CN = BM \end{cases} \quad (\text{رض رض})$ $\Rightarrow \triangle ACN \cong \triangle ABM \Rightarrow AM = AN \checkmark$	۱۱

<p>۱</p> <p><u>فرض</u> مثلاً متساوی الساقین زیر ثابت کنید: $BH = CH$</p> <p><u>حکم</u> $BH = CH$</p> <p><u>اثبات</u> $\left\{ \begin{array}{l} AB = AC \\ AH = AH \\ \hat{H}_1 = \hat{H}_r \end{array} \right.$ (فرض) $\Rightarrow \triangle AHC \cong \triangle ABH$ $\Rightarrow BH = CH$.</p>	<p>در مثلث متساوی الساقین زیر ثابت کنید: $BH = CH$ توجه: AH ارتفاع وارد بر BC است.</p>	<p>۱۲</p>
<p>۱</p> <p>۰/۲۵</p>	<p></p>	<p>در شکل زیر: الف) مقادیر X و Y را بیابید.</p> $x = \sqrt{4+4} = \sqrt{8} = 2\sqrt{2}$ $y = \sqrt{2+2} = \sqrt{4} = 2$ <p>ب) اندازه زاویه \hat{F} چند درجه است؟</p>
<p>۰/۱۵</p>	<p>$\frac{x}{4} = \frac{2}{4} = \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{2}} = \frac{1}{2}$</p>	<p>ج) آیا دو مثلث CFO و AEO متشابه هستند؟ چرا؟: زیرا:</p>
<p>۱</p> <p>۰/۱۰</p>	<p>$\left(\frac{15}{14}\right)^{-4} \times \left(\frac{40}{28}\right)^4 = \left(\frac{1}{\frac{14}{15}}\right)^4 \times \left(\frac{40}{28}\right)^4 = \left(\frac{15}{14}\right)^4$</p> <p>$0/00251 = 2,51 \times 10^{-4}$</p>	<p>الف) حاصل عبارت زیر را به صورت عدد تواندار بنویسید:</p> <p>ب) حاصل را به صورت نماد علمی بنویسید.</p>
<p>۰/۷۵</p>	<p>$5^x = 25^{x+1}$</p> $\cancel{5^x} = (\cancel{5^x})^{x+1} = \cancel{5^x}^{x+2} \Rightarrow 2x+2 = x \Rightarrow 2x-x = -2 \Rightarrow \boxed{x = -2}$	<p>پ) در معادله توانی زیر مقدار x را بدست آورید:</p>

توفیق‌خان آرزوست - محمدزاده

۱۴۰۲، ۱۰، ۱۵